

**Бексейтова Айнура Болатбековна**

преподаватель, магистр

**Дюсенбаева Толкын Наурызхановна**

старший преподаватель, магистр

Кызылординский государственный университет им. Коркыт Ата

г. Кызылорда, Республика Казахстан

## **РАСПРЕДЕЛЕНИЕ РЕСУРСОВ В ИЕРАРХИЧЕСКИХ МНОГОЭЛЕМЕНТНЫХ СИСТЕМАХ**

*Аннотация:* большинство современных химических производств представляют собой сложные технологические комплексы, каждая стадия переработки сырья на которых осуществляется несколькими одинаковыми технологическими операциями, образующими системы с параллельной структурой.

*Ключевые слова:* распределение ресурсов, иерархические многоэлементные системы, входная переменная, подсистема, технологические процессы.

Возникает задача моделирования и оптимизации систем с параллельной структурой. Эта задача включает в себя три основных аспекта: решение задач распределения ограниченных ресурсов между параллельными операциями или элементами на верхнем уровне системы управления, нахождение локально-оптимальных решений для отдельных ее элементов на нижнем уровне и путем взаимной координации решения этих задач между собой. Отсюда следует, что к одному из вопросов, определяющих комплекс, которые рассматриваются на информационной системе управления предприятиями, относятся проблемы распределения ограниченных ресурсов между отдельными подсистемами.

В силу параллельности и однородности технологических операций базовая матрица системы ограничений задачи распределения ресурсов оказывается близкой к сингулярной и приводит к неустойчивости решения. В работах [1; 2] для решения задач распределения ресурсов между параллельными объектами предложен метод расширения набора допустимых значений. Для решения задач

распределения ресурсов, формирующих параллельные случайные потоки, предложено обобщение данного метода [3]. В работе [4] метод расширения обобщен для задач размещения дискретных объектов, параметры которых задаются случайным образом.

Математически задачи распределения ресурсов в иерархических многоэлементных системах с параллельной структурой можно сформулировать следующим образом. Рассмотрена параллельная структура системы Мультиэлемент (рис. 1), где каждый элемент выполняет несколько одинаковых видов деятельности. Взаимосвязь между этими подсистемами происходит через общий входной параметр  $X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ , который является некоторым ресурсом, и через целевые параметры  $Y = (y_1, y_2, \dots, y_n)$ .

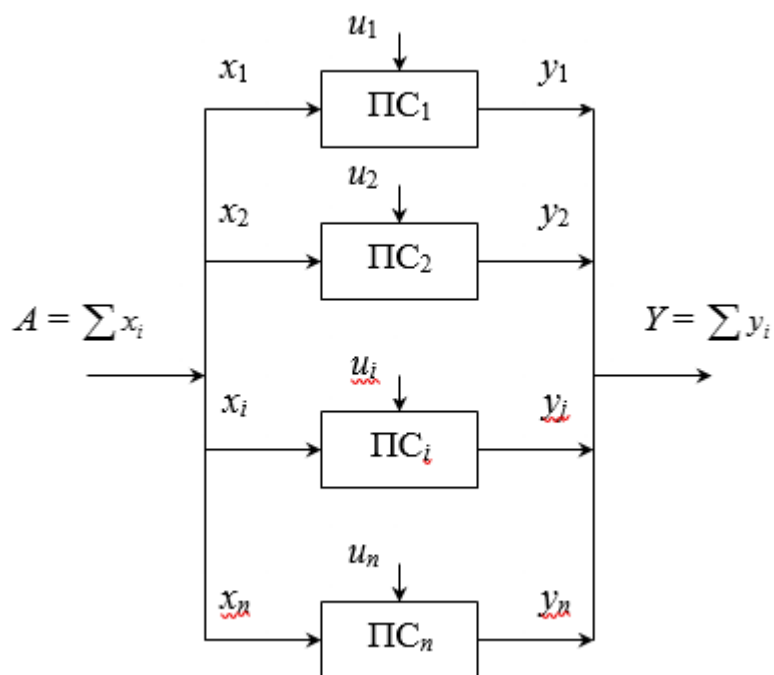


Рис. 1. Параллельная структура многоэлементной системы

Здесь  $x_i$  – входная переменная, ресурс которой выделяется для обработки  $i$ -й подсистеме ( $i = 1, \dots, n$ );  $y_i$  – продукт, который может быть рассчитан на основе модели взаимосвязи  $Y_i$  с  $X_i$ ;  $U_i$  – некоторое управляющее воздействие, которое используется для реализации экономических процессов в подсистеме;  $Y_i = F(X_i, U_i)$  – математическая модель  $i$ -го элемента.

$$\sum_{i=1}^n x_i \leq A,$$

где  $n$  – общее число подсистем,  $A$  – вектор ограниченных ресурсов (суммарный ресурс), который требуется распределить между отдельными подсистемами.

Итог целевого продукта может быть представлен в виде суммы

$$Y = \sum_{i=1}^n y_i .$$

Существуют различные термины для определения критерия оптимизации: функция выгоды, критерий качества, функция цели, функция удовлетворения и другие. Мы будем использовать все эти термины, в том числе и однозначные. Общую проблему распределения ресурсов можно сформулировать следующим образом. Требуется найти такой вектор  $X^* = (x_1^*, x_2^*, \dots, x_n^*)$ , удовлетворяющих условиям

$$\sum_{i=1}^n x_i \leq A , \quad (1)$$

при которой функция цели достигает максимального значения, то есть (2) управляющее воздействие  $u_i$  ( $i = 1, \dots, n$ ) позволяет центральному органу влиять на подсистему, учитывая ее активность. Условие (1) в общем случае не является строгим неравенством, однако чаще всего в рассматриваемых задачах выполняется строгое равенство, как будто неравенство может быть нежелательным остатком некоторого ресурса.

Поставленная задача относится к классу задач нелинейной статической оптимизации, так как предполагает, что  $X$  и  $Y$  либо не зависят от времени, либо рассматриваются на некотором интервале времени  $[0, T]$ , где можно считать эти переменные постоянными. Для организационно-экономических систем в качестве целей могут выступать различные экономические категории, такие как минимум расходы или максимум дохода от реализации продукции и (или) услуг. В химико-технологических системах функциями могут быть также и количественные параметры выпускаемого продукта. Мы должны рассмотреть ограниченный ресурс как размер скалярных это один определенный вид ресурса, например, финансы, сырье и т. д. В случае когда необходимо распределить некоторые виды ресурсов, требует, чтобы решить более сложную векторную

задачу. Элементарный случай скалярных задач возникает, когда функции  $y_i = f(x_i)$ ,  $i = 1, \dots, N$ , являются линейными функциями. Для случая, когда ресурс  $X$  скалярного размера, эта задача имеет элементарное решение, которое может быть описано простым алгоритмом:

1. Существует подсистема, в которой выход максимален при задании значений  $X$ .

2. Из оставшихся подсистем выбирается следующая подсистема, для которой максимально выйдете.

3. Следующих подсистем по тем же правилам выходит, и т. д. выбор осуществляется до тех пор, пока не появится самая плохая подсистема в смысле выбранного критерия.

Эту задачу можно записать в терминах линейного программирования следующим образом. Требуется найти неотрицательные значения переменных  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , которые оптимизируют целевые функции  $y_i = f_i(x)$ . При этом ограничения на используемые ресурсы (1) должны выполняться. Пусть  $f_i(x_i) = a_i x_i + b_i$ ,  $i = 1, \dots, n$ , а общим критерием оптимизации является аддитивно-сепарабельная функция. Тогда задача состоит в определении максимума глобальной линейной целевой функции

$$F(X^0) = \max \left( \sum_{i=1}^n a_i x_i + \sum_{i=1}^n b_i \right)$$

при выполнении ограничений на ресурсы

$$\sum_{i=1}^n x_i - X^0 = 0 \quad (3)$$

и технологические ограничения

$$x_{i\min} \leq x_i \leq x_{i\max}$$

Или

$$x_{i\min} - x_i \leq 0, \quad x_i - x_{i\max} \leq 0.$$

Данная задача может быть решена методами линейного программирования. Однако в книге Минскера предложен более простой алгоритм, учитываю-

ший особенности задачи. Для этого присвоим подсистемам номер в порядке возрастания коэффициентов и распределим ресурсы следующим образом:

$$x_1 = x_{1\min}, x_2 = x_{2\min}, \dots, x_{i-1} = x_{(i-1)\min},$$

$$x_i = X^0 - \sum_{j=1}^{i-1} x_{j\min} - \sum_{j=i+1}^n x_{j\max}, x_{i+1} = x_{(i+1)\max}, \dots, x_n = x_{n\max}. \quad (4)$$

При этом выполнение условия (2) очевидно. Можно показать, что данное распределение является оптимальным. Пусть  $k > i$  и  $l < i$ . Перенесем часть ресурса  $x$  из  $k$ -й подсистемы в  $l$ -ю подсистему. Это приведет к изменению глобальной целевой функции  $F(x) = (a_l - a_k)x$ . По мере  $a_l < a_k$  значение критерия будет уменьшаться, т. е. распределение (8) является оптимальным. Алгоритм оптимального распределения ресурсов может быть представлена следующим образом:

1. Максимально распределить ресурсы между подсистемами, то есть поставить  $x_j = x_{j\max}$  и проверить условие 1.

2. Уменьшить количество ресурсов для первой подсистемы до тех пор, пока не будет выполнено условие (1). Тогда либо выполняется условие  $x_{1\min} \leq x_1 \leq x_{1\max}$ , либо нарушается условие  $x_{1\min} - x_1 \leq 0$ . Принимаем  $x_1 = x_{1\min}$ , тогда условие (1) еще не выполнено.

Компьютерная система анализа задач распределения ресурсов может быть или использована как самостоятельная, или включена в структуру управления информационной системой химико-технологическими процессами, предполагающими наличие параллельных объектов, с целью оптимизации технологических процессов, протекающих в параллельных блоках.

### *Список литературы*

1. Шукаев Д.Н. Моделирование и оптимизация процессов распределения ресурсов в системах с параллельной структурой / Д.Н. Шукаев, А.К. Тажибаева // Доклады II Международной научно-технической конференции «Моделирование и исследование сложных систем». Ч. 1: Моделирование систем по заданным критериям качества. – М., 1998. – С. 144–150.

2. Shukayev D.N. Optimization of resource allocation processes in parallel structure systems // Presentation of International scientific and technical conference FEPC. – Almaty, 1999. – P. 185–192.

3. Ермаков А.С. Распределение параллельных потоков с общим ресурсом / А.С. Ермаков, А.Д. Шукаев, Е.Р. Ким // Вестник КазНТУ. – 2002. – №3. – С. 18–22.